

3. Пусть $a \leq b$, тогда $k = \frac{b}{a} \geq 1$, т.к. $b \geq a > 0$.

Тогда

$$(a^{2018} + b^{2018})^{2019} = ((k+1)a^{2018})^{2019}$$

$$(a^{2019} + b^{2019})^{2018} = ((k^{2019} + 1)a^{2019})^{2018}$$

Поскольку, если $(k^{2018} + 1)^{2019} > (k^{2019} + 1)^{2018}$, то

$$((k^{2018} + 1)a^{2018})^{2019} > ((k^{2019} + 1)a^{2019})^{2018}$$

$$(a^{2018} + b^{2018})^{2019} > (a^{2019} + b^{2019})^{2018}$$

Если $(k^{2018} + 1)^{2019} > (k^{2019} + 1)^{2018}$, то

$$k^{2018} + 1 > \left(\frac{k^{2019} + 1}{k^{2018} + 1} \right)^{2018}, \text{ а также}$$

Верно и обратное. Докажем, что

$$k^{2018} \geq \left(\frac{k^{2019} + 1}{k^{2018} + 1} \right)^{2018}$$

Итак как $k \geq 1$, то неравенство

$$k^{2018} \geq \left(\frac{k^{2019} + 1}{k^{2018} + 1} \right)^{2018} \text{ верно при } k \geq \frac{k^{2019} + 1}{k^{2018} + 1}$$

